

1999

STATISTICS**Paper 1**

Time : 3 Hours]

[Maximum Marks : 300

INSTRUCTIONS

Each question is printed both in English and in Kannada.

Answers must be written in the medium specified (English or Kannada) in the Admission Ticket issued to you, which must be stated clearly on the cover of the answer book in the space provided for this purpose. No credit will be given for the answers written in a medium other than that specified in the Admission Ticket.

Candidates should attempt any five questions choosing at least one but not more than two from each Section.

Assume suitable data, if considered necessary, and indicate the same clearly.

The number of marks carried by each question is indicated at the end of the question.

ನಿರ್ದೇಶ ಮಾಡಬೇಕೆಂದು : ಈ ಮೇಲ್ಮೊಂದ ಸಾಬಸೆಗಳ ಕಣ್ಣಡ ರೂಪಾಂತರವನ್ನು ಈ ಪ್ರಶ್ನೆ ಪಠಿಕೆಯ ಕೊನೆಯ ವೃಷಭದಲ್ಲಿ ಮುದ್ರಿಸಲಾಗಿದೆ.

[Turn over

SECTION A
(Probability)

1. (a) State and prove the generalization of multiplicative theorem.
(b) In a bolt factory, machines A, B and C manufacture 25%, 35% and 40% respectively of the total. Of their output, 5, 4, 2 per-cent are defective bolts. A bolt is drawn at random from the product and is found to be defective. What are the probabilities that it was manufactured by machines A, B and C ?
(c) A problem in statistics is given to three students — A, B and C whose chances of solving it are $\frac{1}{2}$, $\frac{3}{4}$ and $\frac{1}{4}$ respectively. What is the probability that the problem will be solved if all of them try independently ? 20+20+20

2. (a) Define a random variable. Show that the sum, difference and product of two random variables is also a random variable.
(b) Define Characteristic Function and derive its properties.
(c) For the following probability distribution,

$$f(x) = y_0 e^{-|x|}, \quad -\infty < x < +\infty$$
find y_0 , mean and standard deviation. 20+15+25

3. (a) State and prove the Kolmogorov Inequality.
(b) State and prove the Strong Law of Large Numbers. 30+30

4. (a) State and prove the Lindberg-Levy Central Limit Theorem.
(b) Define Convergence in Probability and Convergence in Distribution. Show that the former implies the latter. Is the converse true ? 30+30

ವಿಭಾಗ A
(ಸಂಭಾಷ್ಯತೆ)

1. (a) ಗುಣಕಸಾಧ್ಯ ಪ್ರಮೇಯದ ಸಾಧಾರಣೆಗಳನ್ನು ತಿಳಿಸಿ ಮತ್ತು ರುಜುವಾತು ಮಾಡಿ.
- (b) ಉಗ್ರಾಗಳನ್ನು (bolt) ತಯಾರಿಸುವ ಒಂದು ಕಾರ್ಯಾನ್ವಯಲ್ಲಿ ಎ, ಬಿ ಮತ್ತು ಸಿ ಯೊತ್ತಾಗಳು ಅನುಕ್ರಮವಾಗಿ ಒಟ್ಟು ತಯಾರಿಕೆಯ 25%, 35% ಮತ್ತು 40% ರಷ್ಟನ್ನು ತಯಾರಿಸುತ್ತೇವೆ. ಇವುಗಳ ಉತ್ಪಾದನೆಯಲ್ಲಿ ಶೇಕಡಾ 5, 4, 2 ರಷ್ಟು ದೋಷಯೂಕ್ತ ಉಗ್ರಾಗಳಾಗಿವೆ. ಉತ್ಪಾದಿಂದ ಯಾದೃಚ್ಛಿಕವಾಗಿ ಒಂದು ಅಗುಳಿಯನ್ನು ಆಯ್ದುಕೊಂಡಾಗ ಅದು ದೋಷಯೂಕ್ತವಾಗಿರುವುದು ಕಂಡುಬರುತ್ತದೆ. ಈ ಉಗ್ರಾಗಿಯ ಎ, ಬಿ ಮತ್ತು ಸಿ ಯೊತ್ತಾಗಳಲ್ಲಿ ತಯಾರಾಗಿರುವುದರ ಸಂಭಾಷ್ಯತೆ ಎಷ್ಟು ?
- (c) ಸಂಪೂರ್ಣಶಾಸ್ತ್ರದ ಒಂದು ಸಮಸ್ಯೆಯನ್ನು ಎ, ಬಿ ಮತ್ತು ಸಿ ಎಂಬ ಮೂರು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿಗೆ ಹೊಡಲಾಗಿದ್ದು, ಅವರು ಅದನ್ನು ಪರಿಹಾರಿಸುವ ಸಾಧ್ಯತೆಯು ಅನುಕ್ರಮವಾಗಿ $\frac{1}{2}$, $\frac{3}{4}$ ಮತ್ತು $\frac{1}{4}$ ರಷ್ಟಿದೆ. ಈ ಎಲ್ಲರೂ ಅದನ್ನು ಪರಿಹಾರಿಸಲು ಸ್ವತಂತ್ರವಾಗಿ ಪ್ರಯತ್ನಿಸಿದ್ದೇ ಆದರೆ, ಅದನ್ನು ಪರಿಹಾರಿಸುವ ಸಂಭಾಷ್ಯತೆ ಎಷ್ಟು ?
- 20+20+20
2. (a) ಯಾದೃಚ್ಛಿಕ ಚರಂಬನ್ನು ವಿವರಿಸಿ. ಏರಡು ಯಾದೃಚ್ಛಿಕ ಚರಗಳ ಹೊತ್ತ, ವ್ಯಾತಾಸ ಹಾಗೂ ಖಾದಲಭೀಯೂ ಕೂಡ ಯಾದೃಚ್ಛಿಕ ಚರವೇ ಆಗಿರುತ್ತದೆ ಎಂಬುದನ್ನು ತೋರಿಸಿಕೊಡಿ.
- (b) ಏತಿಷ್ಟ ಕಾರ್ಯವನ್ನು ವಿವರಿಸಿ ಮತ್ತು ಅದರ ಲಕ್ಷಣಗಳನ್ನು ನಿರೂಪಿಸಿ.
- (c) ಒಂದು ಸಂಭಾಷ್ಯಕ್ಕೆ ವಿತರಣೆಯನ್ನು ಈ ಕೆಳಗೆ ನೀಡಿದೆ :
- $$f(x) = y_0 e^{-|x|}, \quad -\infty < x < +\infty$$
- ಇದಕ್ಕೆ y_0 , ಮಾರ್ಗ (Mean) ಹಾಗೂ ಶಿಷ್ಟ ವಿಚಲನೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- 20+15+25
3. (a) ಕಾರ್ಯಾನ್ವಯದೊಂದು ಅಸಮಾನತೆಯನ್ನು ವಿವರಿಸಿ ಮತ್ತು ಸಮಾಧಿಸಿ.
- (b) ದೂರತ್ವ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಬಲ ನಿಯಮವನ್ನು ವಿವರಿಸಿ ಮತ್ತು ಸಮಾಧಿಸಿ.
- 30+30
- (c) ಲೆಂಡ್‌ಬಗ್-ಲೆವಿ ಕೇಂದ್ರ ಪರಿಮಿತಿ ಪ್ರಮೇಯವನ್ನು ವಿವರಿಸಿ ಮತ್ತು ಸಮಾಧಿಸಿ.
- (d) ಸಂಭಾಷ್ಯತೆಯಲ್ಲಿ ಪರಿಭ್ರಂಷತೆ ಹಾಗೂ ವಿತರಣೆಯಲ್ಲಿ ಪರಿಭ್ರಂಷತೆಯನ್ನು ವಿವರಿಸಿ. ಹೊಡಲನೆಯೂ ಅನಂತರದ್ದನ್ನು ಧ್ವನಿಸುತ್ತದೆ ಎಂಬುದನ್ನು ತೋರಿಸಿಕೊಡಿ. ಇದರ ಘ್ರಾತೀಕರಣ ನಿಜವೇ ?
- 30+30

SECTION B
(Statistical Inference)

5. (a) Write explanatory notes on the following :
 (i) Consistency
 (ii) Unbiasedness
 (iii) Efficiency, and
 (iv) Sufficiency of Estimators
- (b) Show that consistency neither implies nor is implied by unbiasedness.
- (c) State and prove the Lehmann-Scheffe Theorem. 15+20+25

6. (a) State and prove the Fisher-Neymann Factorization Theorem.
 (b) Obtain sufficient statistic for θ , from an independent sample from,

$$f(x, \theta) = e^{-(x-\theta)}, \quad \theta < x < +\infty$$

- (c) Show that maximum likelihood estimators are consistent. 20+20+20

7. (a) State and prove Neyman-Pearson Lemma.
 (b) Use the Neyman-Pearson Lemma to obtain the best critical region for testing $\theta = \theta_0$ against $\theta = \theta_1 (> \theta_0)$ in the case of a normal population $N(\theta, \sigma^2)$, when σ^2 is known. Find the power of the test.
 (c) Define Monotone Likelihood Ratio. Show that the uniform distribution $U[0, 1]$ admits ML Ratio. 25+15+20

8. (a) If $X \sim b(n, p)$, derive α -level likelihood ratio test of $H_0 : p \leq p_0$ against $H_1 : p > p_0$.
 (b) Stating the regularity conditions on $f(X, \theta)$, show that $-2 \log \lambda(X)$ is asymptotically distributed as a chi-square random variable, where $\lambda(X)$ is the likelihood ratio. 30+30

ವಿಭಾಗ B
(ಸಂಖ್ಯಾಶಾಸ್ತ್ರೀಯ ತೀರ್ಮಾನ)

5. (ಎ) ಕೆಳಗಿನವುಗಳಿಗೆ ವಿವರಕಾತ್ಮಕ ಟಿಪ್ಪಣಿ ಬರೆಯಿರಿ :

- (i) ಸ್ಥಿರತೆ
- (ii) ಪೂರ್ವಾಗ್ರಹರಾಹಿತ್ಯ
- (iii) ದಕ್ಷತೆ, ಹಾಗೂ
- (iv) ಅಂದಾಜುಕಾರಿಗಳ ಪರ್ಯಾಂಪ್ತತೆ

(ಒ) ಸ್ಥಿರತೆಯು ಪೂರ್ವಾಗ್ರಹರಾಹಿತ್ಯವನ್ನು ಧ್ವನಿಸುವುದೂ ಇಲ್ಲ ಮತ್ತು
 ಪೂರ್ವಾಗ್ರಹರಾಹಿತ್ಯದಿಂದ ಧ್ವನಿತಮಾನವುವುದೂ ಇಲ್ಲ.

(ಓ) ಲೇಖೋಮನ್‌-ಷೆಫ್‌ ಪ್ರಮೇಯವನ್ನು ನಿರೂಪಿಸಿ ಮತ್ತು ಸಮಾಧಿಕಾರಿ. 15+20+25

6. (ಎ) ಥಿಫರ್‌-ನೇಮನ್ ಅಪವರ್ತನೀಕರಣ (Factorization) ಪ್ರಮೇಯವನ್ನು ತಿಳಿಸಿ ಮತ್ತು
 ಸಮಾಧಿಕಾರಿ.

(ಒ) ಈ ಕೆಳಗಿನ ಸ್ವತಂತ್ರ ಮಾದರಿಯಿಂದ ಉಗೆ ಪರ್ಯಾಂಪ್ತ ನಿರ್ದಿಷ್ಟವನ್ನು ವರ್ಣಿಸಿ.

$$f(x, \theta) = e^{-(x-\theta)}, \quad 0 < x < +\infty$$

(ಓ) ಗಂಟೆ ಸಾಧ್ಯತಾ ಅಂದಾಜುಕಾರಿಗಳು ಸ್ಥಿರತೆಯುಳ್ಳವು ಎಂಬುದನ್ನು ತೋರಿಸಿಕೊಡಿ. 20+20+20

7. (ಎ) ನೇಮನ್‌-ಪಿಯರ್‌ಸನ್ ಲೇಮ್ನಾವನ್ನು ವಿವರಿಸಿ ಮತ್ತು ಸಮಾಧಿಕಾರಿ.

(ಒ) σ^2 ಗೊತ್ತಿದ್ದಾಗ ಸಾಮಾನ್ಯ ಜನಸಂಖ್ಯೆ $N(\theta, \sigma^2)$ ಸಂದರ್ಭದಲ್ಲಿ $\theta = \theta_1 (> \theta_0)$ ಗೆ
 ಪ್ರತಿಯಾಗಿ $\theta = \theta_0$ ವರ್ಣಿಸಿಸುವುದಕ್ಕಾಗಿ ಅತ್ಯುತ್ತಮ ಸಂಧಿಸ್ಥ ವಲಯವನ್ನು
 ವರ್ದಿಸುವುದಕ್ಕಾಗಿ ನೇಮನ್‌-ಪಿಯರ್‌ಸನ್ ಲೇಮ್ನಾವನ್ನು ಬಳಸಿ, ಪರೀಕ್ಷೆಕ್ಕೆಯ
 ಸಾಮರ್ಥ್ಯವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

(ಓ) ಮಾನೊಟೋನ್ ಸಾಧ್ಯತಾ ಅನುಪಾತವನ್ನು ವಿವರಿಸಿ. ಏಕರೂಪ ವಿತರಣೆ $U[0, \theta]$,
 ಎಂ.ಎಲ್. ಅನುಪಾತವನ್ನು ಅನುಮತಿಸುತ್ತದೆ ಎಂಬುದನ್ನು ತೋರಿಸಿಕೊಡಿ. 25+15+20

8. (ಎ) $X \sim b(n, p)$ ಅದರೆ, $H_1 : p > p_0$ ಗೆ ಪ್ರತಿಯಾಗಿ $H_0 : p \leq p_0$ ಇದರ α -ಹಂತ
 ಸಾಧ್ಯತೆ ಅನುಪಾತ ಪರೀಕ್ಷೆ ನಿರ್ವಹಣೆಗೊಳಿಸಿ.

(ಒ) $f(X, \theta)$ ಮೇಲಿನ ನಿಯಂತ್ರಣೆ ಸ್ಥಿತಿಗಳನ್ನು ತಿಳಿಸಿ, $-2 \log \lambda(X)$ ಇದು ಕ್ಷೇ-ಕ್ಷೇಪ್‌ರ್‌
 (chi-square) ಯಾದೃಚ್ಛಿಕ ಚರಪಾಗಿ ಅರ್ಧಿಂಘಾಟಿಕರ್‌ ಆಗಿ ವಿತರಣೆಯಾಗಿದೆ ಎಂಬುದನ್ನು
 ತೋರಿಸಿ. ಇಲ್ಲಿ $\lambda(X)$ ಸಾಧ್ಯತಾ ಅನುಪಾತವಾಗಿದೆ. 30+30

/Turn over

(6)

SECTION C

(Linear Inference and Multivariate Analysis)

9. Stating the assumptions, clearly show that $\hat{\beta} = (X'X)^{-1} X'Y$ is the best linear unbiased estimator of β in the general linear model $Y = X\beta + \epsilon$. Also, derive the expression for the variance-covariance matrix of error components.

10. (a) Define a Linear Hypothesis. Derive a statistical test procedure to test the hypothesis that the last s elements in β of the linear model,

$$Y = X\beta + \epsilon$$

are jointly equal to zero, where β is a K componented column vector.

- (b) Derive a test procedure to test the significance of complete regression.

11. (a) If X and Y are standardized random variables, and the correlation coefficient between $aX + bY$ and $bX + aY$ is $\frac{1+2ab}{a^2+b^2}$, find the correlation coefficient between X and Y .

30+30

- (b) Define Non-linear Regression. Prove that $r^2 \leq \eta^2$, where r and η are the correlation coefficient and correlation ratio respectively.
- (c) In a three-variable linear model, with usual notation, prove that,

$$R_{1-23}^2 = \frac{r_{12}^2 + r_{13}^2 - 2r_{12}r_{13}r_{23}}{1 - r_{23}^2}$$

12. (a) Explain Fisher's Discriminant Analysis.

20+20+20

- (b) Define Hotelling's T^2 and Mahalanobis' D^2 statistics. What are their uses? Bring out the relationship between them.
- (c) Write explanatory notes on the following :

- (i) Orthogonal polynomials
- (ii) Partial correlation
- (iii) Multivariate normal distribution

20+20+20

ವಿಭಾಗ C

(ರೇಖಾತ್ಮಕ ತೀರ್ಮಾನ ಮತ್ತು ಬಹುವ್ಯಾಸಿ ವಿಶೇಷಣೆ)

9. ಗ್ರಹಿಕೆಗಳನ್ನು ಸ್ವಾಧ್ಯಾಗಿ ತಿಳಿಸುತ್ತ, ಸಾಮಾನ್ಯ ರೇಖಾತ್ಮಕ ಮಾಡರಿ $Y = X\beta + \epsilon$ ಎಲ್ಲಿ $\beta = (X'X)^{-1}X'Y$ ಇದು β ದ ಅತ್ಯುತ್ತಮ ರೇಖಾತ್ಮಕ ಪೂರ್ವಾಗ್ರಹರಹಿತ ಅಂದಾಜುಕಾರಿ ಅಗಿದೆ ಎಂಬುದನ್ನು ತೋರಿಸಿ. ಹಾಗೂ, ದೋಷ ಉಪಾಂಗಗಳ ಜೆಲನೀಯತೆ - ಸಹಚಲನೀಯತೆ ವಾತ್ಯಕೆಗೆ (Matrix) ಅಭಿವೃತ್ತಿಯನ್ನು ನಿಷ್ಪನ್ನಗೊಳಿಸಿ.
- 60
10. (ಎ) ರೇಖಾತ್ಮಕ ಪರಿಕಲ್ಪನೆಯನ್ನು (hypothesis) ವಿವರಿಸಿ. $Y = X\beta + \epsilon$ ಎಂಬ ರೇಖಾತ್ಮಕ ಮಾಡರಿಯ β ದಲ್ಲಿರುವ ಕೊನೆಯ ಮೂಲಾಂಶಗಳು ಒಟ್ಟಾಗಿ ಕೂಸುಕ್ಕೆ ಸಮಾಗಿವೆ ಎಂಬ ಪರಿಕಲ್ಪನೆಯನ್ನು ಪರೀಕ್ಷೆಸುವುದಕ್ಕಾಗಿ ಒಂದು ಸಾಂಖ್ಯಿಕ ಪರೀಕ್ಷೆ ವಿಧಾನವನ್ನು ನಿರೂಪಿಸಿ. ಇಲ್ಲಿ β ಎಂಬುದು K ಉಪಾಂಗದ ಕಾಲಂ ಪೆಕ್ಕಾರ್ಥ ಅಗಿದೆ.
- (ಬಿ) ಸಂಪ್ರೂಣ ಹಿಂಬಲನೆಯ (regression) ಮತ್ತೆವನ್ನು ಪರೀಕ್ಷೆಸಲು ಒಂದು ಪರೀಕ್ಷೆ ವಿಧಾನವನ್ನು ನಿರೂಪಿಸಿ.
- 30+30
11. (ಎ) X ಮತ್ತು Y ಗಳು ಪ್ರಮಾಣೀಕೃತ ಯಾದೃಚ್ಛಿಕ ಜರಗಳಾಗಿದ್ದು, $aX + bY$ ಮತ್ತು $bX + aY$ ಗಳ ಸಹಸಂಬಂಧಿ ಗುಣಾಂಕವು $\frac{1 + 2ab}{a^2 + b^2}$ ಅಗಿದಲ್ಲಿ X ಮತ್ತು Y ಗಳ ನಡುವಿನ ಸಹಸಂಬಂಧಿ ಗುಣಾಂಕವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.
- (ಬಿ) ಅರೇಖಾತ್ಮಕ ಹಿಂಬಲನೆಯನ್ನು ವಿವರಿಸಿ, $r^2 \leq R^2 \leq 1$ ಎಂಬುದನ್ನು ಸಮಾಧಿಸಿ. ಇಲ್ಲಿ r ಮತ್ತು R ಗಳು ಅನುಕ್ರಮವಾಗಿ ಸಹಸಂಬಂಧಿ ಗುಣಾಂಕ ಹಾಗೂ ಸಹಸಂಬಂಧಿ ಅನುಭಾತಗಳಾಗಿವೆ.
- (ಬಿಂದಿ) ಮೂರು ಜರ ರೇಖಾತ್ಮಕ ಮಾಡರಿಯಲ್ಲಿ ಸಾಮಾನ್ಯ ಸಂಜ್ಞೆಯೊಂದಿಗೆ
- $$R_{1.23}^2 = \frac{r_{12}^2 + r_{13}^2 - 2r_{12}r_{13}r_{23}}{1 - r_{23}^2}$$
- ಎಂಬುದನ್ನು ಸಮಾಧಿಸಿ.
- 20+20+20
12. (ಎ) ಫಿಷರ್‌ನ ವಿಭೇದಾತ್ಮಕ ವಿಶೇಷಣೆಯನ್ನು ವಿವರಿಸಿ.
- (ಬಿ) ಹಾರ್ಡೀಗಾನ T² ಮತ್ತು ಮಹಾಲನೊಬಿಸ್ ಡಿಂಪ್ಲೋಶಾಸ್ಟ್ ವನ್ನು ವಿವರಿಸಿ. ಇವುಗಳ ಉಪಯೋಗವೇನು? ಅವುಗಳ ನಡುವಿನ ಸಂಬಂಧವನ್ನು ನಿರೂಪಿಸಿ.
- (ಬಿಂದಿ) ಕೆಳಗಿನವುಗಳಿಗೆ ವಿವರಣಾತ್ಮಕ ಟಿಪ್ಪಣಿ ಬರೆಯಿರಿ :
- ಅಫ್ರೋಡಿನಲ್ ಪಾಲಿನಾಮಿಯಲ್ಸ್
 - ಭಾಗಶಃ ಸಹಸಂಬಂಧ
 - ಬಹುವ್ಯಾಸಿ ಸಾಧಾರಣ ವಿಶೇಷಣೆ
- 20+20+20

1999

STATISTICS**Paper 2**

Time : 3 Hours]

[Maximum Marks : 300

INSTRUCTIONS

Each question is printed both in English and in Kannada.

Answers must be written in the medium specified (English or Kannada) in the Admission Ticket issued to you, which must be stated clearly on the cover of the answer book in the space provided for this purpose. No credit will be given for the answers written in a medium other than that specified in the Admission Ticket.

Candidates should select any three Sections and attempt any five questions from the selected Sections, choosing at least one but not more than two questions from each of the selected Sections.

Assume suitable data, if considered necessary, and indicate the same clearly.

All questions carry equal marks.

ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ಮಾರ್ಗ : ಈ ಮೇಲ್ಯಂದ ಸೂಚನೆಗಳ ಕಣಕ ಧಾರಾತ್ಮಕವನ್ನು ಈ ಪ್ರಶ್ನೆ ವತ್ತಿಸುವ ಕೊನೆಯ ಪ್ರಾಂತದಲ್ಲಿ ಮುದ್ರಿಸಲಾಗಿದೆ.

[Turn over

22/2

(2)

SECTION A**(Sampling Theory and Designs of Experiments)**

1. (a) Distinguish between simple random sampling and sampling with varying probabilities of selection.
- (b) In sampling with varying probabilities of selection, obtain the unbiased estimator of the population mean, its variance and the unbiased estimator of the variance.
- (c) Ignoring the finite population correction, prove that

$$V_1 \leq V_2 \leq V_3$$

where V_1 and V_2 are variances respectively under optimum and proportional allocation and V_3 is the variance under simple random sampling without replacement, the sample size being the same in each case.

20+20+20

2. (a) What is the ratio method of estimation ? Obtain an appropriate expression for the variance of the ratio estimator.

- (b) Discuss the conditions under which the ratio estimator is better than the sample mean with simple random sampling without replacement as the sampling design.

- (c) Explain the situations where systematic sampling can be used with advantage.

25+20+15

3. (a) Distinguish between partial and total confounding in factorial experiments.

- (b) Derive the full details of the analysis of 2^3 randomized blocks factorial experiment involving $2l$ blocks, each block consisting of 4 plots, in which none of the main effects is confounded in any replicate and no effect is totally confounded.

- (c) Discuss in detail the analysis of a BIBD.

20+20+20

4. (a) Explain 'missing plot technique'.

- (b) How will you analyse missing plots in Latin Square designs ?

- (c) Write explanatory notes on :

- (i) Lattice designs,
- (ii) Completely randomized block design, and
- (iii) Split plot design.

15+20+25

(3)

ವಿಭಾಗ A

(ಸ್ವಾಂಪೀಂಗ್ ಸಿದ್ಧಾಂತ ಮತ್ತು ಪ್ರಯೋಗಕ ವಿನ್ಯಾಸ)

1. (e) ಸರ್ಕಾರ ಯಾದೃಚ್ಛಿಕ ಸ್ವಾಂಪೀಯಗ್ರಹಗಳ ಅಯ್ಯೆಯ ವಿವಿಧ ಸಾಧ್ಯತೆಗಳ ಸ್ವಾಂಪೀಯಗ್ರಹಗಳ ಪಡುಕೆ ಇರುವ ವ್ಯತ್ಯಾಸವನ್ನು ತಿಳಿಸಿ.

(బి) అయిత్తు ఏచ్చి నాథులేగి స్వంతింగోనల్ని జనసంఖ్య మాధ్యద (మీన్) వ్యవాచగ్రహపరిత అందాజుకారియన్న, అదర జలనీయతెయన్న హగొ జలనీయతెయ పూవాచగ్రహపరిత అందాజన్న కేగే పడేయ్తేరి ?

(೨) ಪರಿಚಿತ ಜನಸಂಖ್ಯೆ ಸರಿಪಡಿಕೆಯನ್ನು ನಿಲ್ದಾಸಿಸಿ

$$V_1 \leq V_2 \leq V_3$$

ಇಂಬುದಕ್ಕೆ ರುಜುವಾಗು ಮಾಡಿ.

ಇಲ್ಲಿ V_1 ಮತ್ತು V_2 ಗಳು ಅನುಕೂಲತಮ ಹಾಗೂ ಸಮಪ್ರಮಾಣದ ಹಂಚಿಕೆಗಳಲ್ಲಿ ಅಸ್ತುಪದ್ವಾಗಿ ಚಲನೀಯತೆಗಳಾಗಿವೆ ಹಾಗೂ V_3 ಯು ಬದಲಿಕೆಯಿಲ್ಲದ ಸರಳ ಯಾದೃಚ್ಛಿಕ ಸ್ಥಾಂಫ್ರಿಂಗಾನಲ್ಲಿ ಚಲನೀಯತೆಯಾಗಿದೆ. ಪ್ರತಿ ಸಂದರ್ಭದಲ್ಲಿಯೂ ಸ್ಥಾಂಪಲೋನ ನಾಶವು 20+20 ಒಂದೇ ಆಗಿದೆ.

$$20+20+20$$

2. (e) ಅಂದಾಜು ನಿಷ್ಠೆಯದ ಅನುಪಾತ ವಿಧಾನ ಎಂದರೇನು? ಅನುಪಾತ ಅಂದಾಜುಕಾರಿಯ ಪ್ರಾಣಿಯಾಗಿ ಒಂದು ಸರಿಯಾದ ಅಭಿವೃದ್ಧಿಯನ್ನು ಪಡೆಯಿರಿ.

(೩) ದೂರದಿನ ಸಾಮಾನ್ಯಗೊನ್ನು ಅನುಕೂಲದೊಂದಿಗೆ ಬಳಸಬಹುದಾದ ಸ್ಥಿತಿಗಳನ್ನು ವಿವರಿಸಿ.

25+20+15

3. (v) ಆಡಬಕ್ಕನ ಪರ್ಯೋಗಗಳಲ್ಲಿ ಅಂತಿಕ ಮತ್ತು ವ್ಯಾಖ ಸಂಕರಣದ ನಡುವಿನ ವ್ಯಾಪ್ತಿಗೆ ತೆಗೆದು.

(బి) 2) బ్రాకోగలన్న ఒలగొల్లువ 2³ యాద్యంతిక్కె బ్రాకోగల ఆపవతెనన ప్రయోగద
చీక్కేషణేయ పూర్వ వివరగళన్న నిష్టున్నమాడి. ప్రతియోందు బ్రాకోనల్లి 4
ప్రాంగణాలల్లి యావ ప్రథాన పరికామశ్శా యాపుదే ప్రసాప్తియల్లి
ప్రాంగణాలల్లి, ఇదఱల్లి యావ ప్రథాన పరికామశ్శా యాపుదే ప్రసాప్తియల్లి.
ఉపాపకానుపాదిల ముతు యావ పరికామశ్శా సంపూర్ణ సంకరణగొల్లువుదిల్లి.

(3) ఇది BIBD యు విలీకషణీయమై వివరవాగి చెప్పికిసి.

20+20+20

4 (2) 'ಹೆಚ್‌ಚಾಡ ಭಾಗ ತಂತ್ರ' ವನ್ನು ವಿವರಿಸಿ.

(v) స్వామీయ కూతురులు లేదా తెల్పికొన్ని విషాటగళల్లి తెఱికోండ భాగశాస్త్రమై ఏం విశేషమైరి ?

(೧) ಶಾಸಕರ ಮೇಲೆ ವಿವರಕ್ತಾತ್ಮಕ ಓದಣಿ ಬರೆಯಿರಿ.

(1) సమాజం విన్న పే

(ii) ಕೆಂಪಣಿ ರೈಫಲ್‌ಚೆಕ್ಟ್ ಬಾಗ್ ವಿನಾಯಕ

(iii) సంఘాలు - ప

15+20+25

[Turn over]

22/2

(4)

SECTION B
(Engineering Statistics)

5. (a) Explain what is meant by process control. Describe the advantages derived from having a process under statistical control with particular reference to \bar{X} and R charts.
- (b) A quality characteristic X has an exponential distribution, $f(x) = e^{-\theta x}$, $x > 0$. Obtain the upper control limit and lower control limit for individual observations on X .
- (c) Distinguish between specification and control limits. Show that the control limits can be used to improve the specification limits.
- 20+20+20
6. (a) What are cumulative sum (CUSUM) control charts ? How does a CUSUM control chart differ from (i) an ordinary \bar{X} -chart, and (ii) a sequential probability ratio test for process mean ?
- (b) Explain the procedure to determine the dimensions of the V-mask of a CUSUM control chart for mean of a normal distribution which has a known variance.
- (c) Define AOQ, AQL, LTPD and ATI, and derive AOQ and ATI for a single sampling plan.
- 20+20+20
7. (a) Define reliability. Explain the relationship between constant failure rate and mean life.
- (b) Define Hazard rate. Derive the same for the Constant-Hazard model.
- (c) It is observed that the failure pattern of an electronic system follows an exponential distribution with MTTF of 1400 hours. What is the probability that the system failure occurs within 950 hours ?
- 15+20+25
8. (a) Discuss the reliability estimation in the context of normal distribution $N(\mu, \sigma^2)$.
- (b) Suppose the distribution of the following failure times is given by $N(\mu, \sigma = 40)$. Compute $R(t)$ at $t = 100$ and $t = 50$ hours.
- 30+30

ವಿಭಾಗ B

(ಇಂಜಿನೀಯರಿಂಗ್ ಸಂಖ್ಯಾಶಾಸ್ತ್ರ)

5. (a) ಪ್ರಕ್ರಿಯಾ ನಿಯಂತ್ರಣ ಎಂದರೆನು ? \bar{X} ಮತ್ತು R ಬಾಟ್‌ಎಂಜಿನ್‌ನ್ನು ನಿರ್ದಿಷ್ಟ ಗಮನದಲ್ಲಿಟ್ಟುಕೊಂಡು, ಸಾಂಪ್ರದಾಯಿಕ ನಿಯಂತ್ರಣದಲ್ಲಿ ಒಂದು ಪ್ರಕ್ರಿಯೆಯನ್ನು ನಡೆಸುವುದರಿಂದ ಸಿಗುವ ಪ್ರಯೋಜನಗಳೇನು ? ವಿವರಿಸಿ.
- (b) ಗುಣವೈಶಿಷ್ಟಿಕ್ ಚಾದ X ಎಂಬುದು $f(x) = e^{-\theta x}$, $x > 0$ ಚರಫಾತೀಯ ವಿಶರಣೆಯನ್ನು ಹೊಂದಿದೆ. X ಮೇಲೆ ಪ್ರತ್ಯೇಕ ಅವಲೋಕನಗಳೊಂದಿಗೆ ಹೇಳಲು ನಿಯಂತ್ರಣ ಮಿತಿ ಹಾಗೂ ಕೆಳ ನಿಯಂತ್ರಣ ಮಿತಿಯನ್ನು ಹೇಗೆ ಪಡೆಯುತ್ತಿರಿ ?
- (c) ತಪಶೀಲು ಮತ್ತು ನಿಯಂತ್ರಣ ಮಿತಿಯ ನಡುವಿನ ವ್ಯತ್ಯಾಸವೇನು ? ತಪಶೀಲು ಮಿತಿಗಳನ್ನು ಸುಧಾರಿಸಲು ನಿಯಂತ್ರಣ ಮಿತಿಗಳನ್ನು ಬಳಸಬಹುದು ಎಂಬುದನ್ನು ತೋರಿಸಿಕೊಡಿ.
- 20+20+20
6. (a) ಸಂಚಿತ ಮೊತ್ತ ನಿಯಂತ್ರಣ ಬಾಟ್‌ಎಂಜಿನ್ (CUSUM) ಎಂದರೆನು ? ಒಂದು CUSUM ಬಾಟ್‌ (i) ಒಂದು ಸಾಮಾನ್ಯ \bar{X} -ಬಾಟ್‌ನಿಂದ, ಹಾಗೂ (ii) ಪ್ರಕ್ರಿಯಾ ಮಾಧ್ಯಕ್ಕೆ ಸರಣಿಕ್ರಮ ಸಾಧ್ಯತಾ ಅನುಷ್ಠಾತ ಹರೀಕ್ಕೆಯಿಂದ ಹೇಗೆ ಭಿನ್ನ ?
- (b) ಒಂದು ಗೊತ್ತುದ ಚಲನೀಯತೆ ಇರುವ ಸಾಮಾನ್ಯ ವಿಶರಣೆಯ ಮಾಧ್ಯಕ್ಕೆ ಒಂದು CUSUM ನಿಯಂತ್ರಣ ಬಾಟ್‌ನ V-ಮಾರ್ಪಾನ ಆಯಾಮಗಳನ್ನು ನಿರ್ಧರಿಸುವ ವಿಧಾನವನ್ನು ಚಿತ್ರಿಸಿ.
- (c) AOQ, AQL, LTPD, ATI ಅನ್ನು ವಿವರಿಸಿ. ಒಂದು ಸರಳ ಸ್ಯಾಂಪ್ಲಿಂಗ್ ಯೋಜನೆಗೆ AOQ ಹಾಗೂ ATI ಅನ್ನು ನಿಷ್ಪತ್ತಿ ಮಾಡಿ.
- 20+20+20
7. (a) ವಿಶ್ವಾಸನೀಯತೆ ಎಂದರೆನು ? ವಿವರಿಸಿ. ಸತತ ವಿಘಳತಾ ದರ ಹಾಗೂ ಕನಿಷ್ಠ ಅಯುಷ್ಯಗಳ ನಡುವಿನ ಸಂಬಂಧವನ್ನು ವಿವರಿಸಿ.
- (b) ಹಾನಿಸಂಭಾಷ್ಯ ದರವನ್ನು ವಿವರಿಸಿ. ಒಂದು ಶ್ವಿರ ಹಾನಿಸಂಭವ ಮಾದರಿಗೆ ಅದನ್ನು ನಿಷ್ಪತ್ತಿ ಮಾಡಿ.
- (c) ಒಂದು ಇಲೀಕ್ಟ್ರಾನಿಕ್ ವ್ಯೂಹದ ವಿಘಳತಾ ವಿನಾ೦ಸವು 1400 ಗಂಟೆಗಳ MTTF ನೊಂದಿಗೆ ಚರಫಾತೀಯ ವಿಶರಣೆಯನ್ನು ಅನುಸರಿಸುತ್ತಿದೆ ಎಂದು ಗಮನಿಸಲಾಗಿದೆ. 950 ಗಂಟೆಗಳೊಳಗೆ ಈ ವ್ಯೂಹದ ವಿಘಳತೆ ಘಟಿಸುವ ಸಂಭಾಷ್ಯತೆ ಎಷ್ಟು ?
- 15+20+25
8. (a) ಸಾಮಾನ್ಯ ವಿಶರಣೆ $N(\mu, \sigma^2)$ ಆಗಿರುವ ಸಂದರ್ಭದಲ್ಲಿ ವಿಶ್ವಾಸನೀಯತೆಯ ಅಂದಾಜನ್ನು ಚಿರುಡಿಸಿ.
- (b) ಕೆಳಕಂಡ ವಿಘಳತಾ ಸಂದರ್ಭಗಳ ವಿಶರಣೆಯನ್ನು $N(\mu, \sigma = 40)$ ಎಂದು ಕಲ್ಪಿಸಿಕೊಳ್ಳಿ. $t = 100$ ಮತ್ತು $t = 50$ ಗಂಟೆಗಳಲ್ಲಿ $R(t)$ ಅನ್ನು ಲೇಕ್ಕು ಮಾಡಿ.
- 30+30

22/2

(6)

SECTION C
(Operations Research)

9. (a) Write short notes on the following :
- (i) Markov chains
 - (ii) Classification of states
 - (iii) Ergodic theorems
- (b) Discuss single period inventory model with uniform demand, assuming no set-up costs.
- (c) A contractor for second-hand lorries used to maintain a stock of lorries every month. The demand for lorries occurs at a relatively constant rate but not in constant size. The demand follows the probability distribution given below :

Demand :	0	1	2	3	4	5 or more
Probability :	0.40	0.24	0.20	0.15	0.11	0.00

The holding cost of an old lorry for one month is Rs. 100 and the penalty for a lorry if not supplied on demand is Rs. 1000. Determine the optimal size of the stock of the contractor.

20+20+20

10. (a) What are queueing problems ? For the M|M|1 model derive the steady-state probability equations. Also find out (i) average number of units in the system and (ii) variance of queue length.
- (b) In a railway marshalling yard, goods trains arrive at a rate of 30 trains per day. Assuming that the later arrival time follows an exponential distribution and the service time distribution is also exponential with an average 36 minutes, calculate the following :
- (i) the mean line length,
 - (ii) the probability that the queue size exceeds 10.
- (c) Arrivals at a telephone booth are considered to be Poisson, with an average time of 10 minutes between one arrival and the next. The length of a phone call is assumed to be distributed exponentially, with mean 3 minutes. Find the probability that a person arriving at the booth will have to wait.

20+20+20

ವಿಭಾಗ C
(ಕಾರ್ಯಾಚಾರ ಸಂಶೋಧನೆ)

9. (ಎ) ಕೆಳಕಂಡವುಗಳ ಮೇಲೆ ಕಿರುಬಿಪ್ಪಣಿ ಬರೆಯಿರಿ :

- (i) ಮಾರ್ಕೆಟ್‌ವ್ಹೆ ಸರಬರಾಗಳು
 - (ii) ಸ್ಥಿತಿಗಳ ವರ್ಗೀಕರಣ
 - (iii) ಎನ್ರೋಡಿಕ್ ಪ್ರಮೇಯಗಳು
- (ಬಿ) ಯಾವುದೇ ಸ್ಕ್ಯಾಫಾ ವೆಚ್ಚಿಗಳನ್ನು ಉಂಟಿಸಿಕೊಳ್ಳುವುದೆ ಏಕದೂಪದ ಬೇಡಿಕೆಯೊಂದಿಗೆ ಏಕಾವಧಿ ತಪಾಲೀಲು (Inventory) ಮಾದರಿಯ ಬಗ್ಗೆ ತಿಳಿಸಿ.
- (ಒ) ನೆಕೆಂಡ್ ಹ್ಯಾಂಡ್ ಲಾರಿಗಳ ಗುತ್ತಿಗೆದಾರನೊಬ್ಬು ಪ್ರತಿ ತೆಂಗಳೂ ತನ್ನ ಲಾರಿಗಳ ದಾಖಲೆಯನ್ನು ಪಾಲಿಸಿಕೊಂಡು ಬಂದಿದ್ದಾನೆ. ಲಾರಿಗಳಿಗೆ ಬೇಡಿಕೆಯು ಸಾಮೇಕ್ಷಿಕಾಗಿ ಸ್ಥಿರ ದರದಲ್ಲಿತ್ತದೆ, ಅದರೆ ಸ್ಥಿರ ಗಾತ್ರದಲ್ಲಿಲ್ಲ. ಬೇಡಿಕೆಯು ಕೆಳಗೆ ಕೊಟ್ಟಿರುವ ಸಂಭಾಷ್ಯತಾ ವಿಶರಣೆಯನ್ನು ಅನುಸರಿಸಿರುತ್ತದೆ :

ಬೇಡಿಕೆ : 0 1 2 3 4 5 6 ಅಥವಾ ಹೆಚ್ಚಿಗೆ

ಸಂಭಾಷ್ಯತೆ : 0.40 0.24 0.20 0.15 0.11 0.00

ಒಂದು ತೆಂಗಳಿಗೆ ಒಂದು ಲಾರಿಯ ಧಾರಕಾ ವೆಚ್ಚೆ ರೂ. 100 ಗಳು. ಬೇಡಿಕೆಗೆನುಗುಣವಾಗಿ ಲಾರಿಯನ್ನು ಕರಬಾಹು ಮಾಡಿದ್ದರೆ ನೀಡಬೇಕಾದ ದಂಡ ರೂ. 1000. ಗುತ್ತಿಗೆದಾರನು ಇಟ್ಟುಕೊಳ್ಳುವುದಾದ ಅನುಕೂಲತೆಯ ಲಾರಿಯ ದಾಖಲೆ ವಿಷ್ಣುರಬೇಕು ? 20+20+20

10. (ಎ) ಸರದಿ ಕಾರ್ಯುಪ ಸಮಸ್ಯೆಗಳು ಎಂದರೇನು ? M|M|1 ಮಾರ್ಕೆಟ್ ಸ್ಥಿರಸ್ಥಿತಿ ಸಂಭಾಷ್ಯತಾ ಸಮೀಕರಣಗಳನ್ನು ನಿರ್ವಹಿಸಿ ಮಾಡಿ, (i) ವ್ಯವಸ್ಥೆಯಲ್ಲಿ ಘಟಕಗಳ ಸರಾಸರಿ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಹಾಗೂ (ii) ಸರದಿ ಉದ್ದ್ವಧ ಜಲನೀಯತೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ.

(ಬಿ) ಶೈಲ್ಕ್ಷಿಕ್ ಉಸ್ತುವಾರಿ ವ್ಯವಸ್ಥೆಯ ಯಾರ್ಡ್‌ನಲ್ಲಿ ಗೂಡ್‌, ದೈಲುಗಳು ಪ್ರತಿದಿನಕ್ಕೆ 30 ರಂತೆ ಬರುತ್ತವೆ. ಕೊನೆಯದಾಗಿ ಒಂದ ನಾಡಿಯ ವೇಳೆ ಜರಫಾತೀಯ ವಿಶರಣಾ ಕ್ರಮವನ್ನು ಅನುಸರಿಸುತ್ತದೆ ಮತ್ತು ಸೇವಾ ಸಮಯದ ವಿಶರಣೆಯೂ ಕೂಡ ಸರಾಸರಿ 36 ನಿರ್ಮಿಷಗಳಿಂತೆ ಜರಫಾತೀಯವಾಗಿದೆ ಎಂದು ಉಂಟಿಸಿಕೊಂಡು, ಈ ಕೆಳಕಂಡವನ್ನು ತೆಗ್ಗಿಂಬಾರಿ :

(i) ಸರಾಸರಿ ಮಾರ್ಗದ ಉದ್ದ್ವಧ

(ii) ಸರದಿ ಕಾಲಿನ ಗಾತ್ರವು 10 ನ್ನು ಮೀರುವ ಸಂಭಾಷ್ಯತೆ

(ಒ) ಒಂದು ದೂರವಾಣಿಯ ಬೂತ್ತಾಗೆ ಆಗಮನಗಳನ್ನು ಪ್ರೇಜಾನ್ ಎಂದು ಭಾವಿಸಲಾಗಿದ್ದು ಒಂದು ಆಗಮನಕ್ಕೂ ಇನ್ನೊಂದಕ್ಕೂ ಪಡೆವಿರುವ ಸರಾಸರಿ ಕಾಲದ ಅಂತರ 10 ನಿರ್ಮಿಷಗಳು. ದೂರವಾಣಿ ಕರೆಯ ಆವಧಿಯು ಕನಿಷ್ಠ 3 ನಿರ್ಮಿಷಗಳಿಂತೆ ಜರಫಾತೀಯವಾಗಿ ವಿಶರಣೆಯಾಗಿದೆ ಎಂದು ಉಂಟಿಸಲಾಗಿದೆ.

ದೂರವಾಣಿ ಬೂತ್ತಾಗೆ ಬರುವ ವ್ಯಾಪ್ತಿಯು ಎಷ್ಟು ಸಮಯ ಕಾಯಬೇಕಾಗುತ್ತದೆ ಎಂಬುದರ ಸಂಭಾಷ್ಯತೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ. 20+20+20

/Turn over

22/2

(8)

11. (a) Define Linear Programming Problem. Show that the collection of all feasible solutions of a linear programming problem is a convex set.
 (b) Solve the following LP problem by graphical procedure :

$$\text{Minimize } z = 4x_1 + 2x_2$$

Subject to

$$x_1 + 2x_2 \geq 2$$

$$3x_1 + x_2 \geq 3$$

$$4x_1 + 3x_2 \geq 6$$

$$x_1, x_2 \geq 0.$$

- (c) Using the simplex procedure, solve

$$\text{Maximize } z = 7x_1 + 5x_2$$

Subject to

$$x_1 + 2x_2 \leq 6$$

$$4x_1 + 3x_2 \leq 12$$

$$x_1, x_2 \geq 0.$$

20+20+20

12. (a) Define Balanced Transportation Problem. How is it a particular case of linear programming problem ? Why is a transportation problem not solved by the simplex procedure ? Explain.
 (b) Obtain the optimum basic feasible solution on the following transportation problem :

		To			Available
		7	3	4	
From	2	1	3	2	Available
	3	4	6	5	
	4	1	5		
Demand					

- (c) Write explanatory notes on the following :

- (i) Assignment Problem
- (ii) The Mortality Theorem
- (iii) Fortran IV Programming

20+20+20

(9)

22/2

11. (a) ರೇಖೆಯ ಕಾರ್ಯಕ್ರಮ ಯೋಜನೆಯ ಸಮಸ್ಯೆಯನ್ನು ವಿವರಿಸಿ. ಈ ರೇಖೆಯ ಕಾರ್ಯಕ್ರಮ ಯೋಜನೆಯ ಪರಿಹಾರ ಸಾಧ್ಯತಾ ಸಂಗ್ರಹಗಳಿಲ್ಲವೂ ಕಾನ್ವೆರ್‌ಕ್ರೊ ಸೆಟ್‌ಗಳಿಗೆ ಒಂದು ತೋರಿಸಿ.

- (b) ಕೆಳಕಂಡ LP ಸಮಸ್ಯೆಯ ಪರಿಹಾರವನ್ನು ಗ್ರಾಫಿಕಲ್ ವಿಧಾನದಿಂದ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ :

$$\text{ಕನಿಕ್ಕಣಿಸಿ} \quad z = 4x_1 + 2x_2$$

ಇದಕ್ಕೆ ಒಳಪಟ್ಟಿ

$$x_1 + 2x_2 \geq 2$$

$$3x_1 + x_2 \geq 3$$

$$4x_1 + 3x_2 \geq 6$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

- (c) ಹಿಂಭೇಕ್ಕೊ ವಿಧಾನವನ್ನು ಒಳಗೊಂಡಿ ಕೆಳಕಂಡ ಸಮಸ್ಯೆಯ ಪರಿಹಾರ ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ :

$$\text{ಕನಿಕ್ಕಣಿಸಿ} \quad z = 7x_1 + 5x_2$$

$$\text{ಇದಕ್ಕೆ ಒಳಪಟ್ಟಿ} \quad x_1 + 2x_2 \leq 6$$

$$4x_1 + 3x_2 \leq 12$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

20+20+20

12. (a) ಸಮತೋಲನ ಸಾಗಣಕೆಯ ಸಮಸ್ಯೆಯನ್ನು ವಿವರಿಸಿ. ಇದು ಹೀಗೆ ಒಂದು ರೇತಾತ್ಮಕ ಕಾರ್ಯಕ್ರಮ ಯೋಜನೆ ಸಮಸ್ಯೆಯ ಸ್ವಷ್ಟ ಪ್ರಕರಣವಾಗಿದೆ? ಸಾಗಣಕೆ ಸಮಸ್ಯೆಯನ್ನು ಹಿಂಭೇಕ್ಕೊ ವಿಧಾನದಿಂದ ಬಗೆಹರಿಸಲು ಸಾಧ್ಯವಿಲ್ಲ. ಏಕೆ? ವಿವರಿಸಿ.

- (b) ಕೆಳಕಂಡ ಸಾಗಣಕೆ ಸಮಸ್ಯೆಗೆ ಅನುಕೂಲತಮವಾದ ಮೂಲಭೂತ ಕಾರ್ಯಕಾರ್ಥ ಪರಿಹಾರವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಿರಿ :

ಗೆ			2	3	5
ಇಂದ	7	3	4	1	5
	2	1	3	4	5
	3	4	6		

ಬೇಡಿಕೆ

- (c) ಕೆಳಗಿನವರ್ಗಳಿಗೆ ವಿವರಕಾತ್ಮಕ ಟಿಪ್ಪಣಿ ಬರೆಯಿರಿ :

(i) ನಿಯೋಜನಾ ಸಮಸ್ಯೆ

(ii) ಮಾರ್ಕೆಟಿಂಗ್ ಪ್ರಮೇಯ

(iii) ಫ್ರೇಂಚ್‌ನ್‌IV ಪ್ರೋಗ್ರಾಮ್‌

20+20+20

[Turn over

22/2

(10)

SECTION D
(Quantitative Economics)

13. (a) What is Time Series ? What are its components ?
 (b) Explain the measurement of trend by the method of least squares.
 (c) The population figures of a country are as follows :

Year :	1911	1921	1931	1941	1951	1961	1971
Population :	25.0	25.1	27.9	31.9	36.1	43.9	54.7

Fit an exponential trend curve; forecast the population in the year 1981.

20+15+25

14. (a) Explain the importance of Index Numbers in the study of economic and business problems.
 (b) What are the conditions that an Index Number must satisfy ? Explain why Fisher's Index Number is called an Ideal Index Number.
 (c) Define the concept of 'Cost of Living Index Number'. Discuss the methods of obtaining the weights for a Cost of Living Index Number in order to express it as a weighted arithmetic average.

20+20+20

15. (a) Define ordinal and cardinal utility functions. Derive the expression for 'the rate of commodity substitution'. For the utility function,

$$u = x_1 \cdot x_2$$

where u : utility; x_1 and x_2 are commodity levels, derive the ordinary and the compensated demand functions, assuming a linear budget constraint.

- (b) Define Production Function. What are the various structural properties satisfied by a production function ? Show that the elasticity of substitution of the Cobb-Douglas production function, $Q = A x_1^\alpha x_2^\beta$ is unity.

ವಿಭಾಗ (B3)

22/2

(ಃ) ಉತ್ತರದನಾ ಕಾರ್ಯಕ್ರಮ ಬದಲ್ಪಡಿಸಿರುತ್ತಿರುವ ಸ್ಥಿತಿಸೂಪಕೆತ್ತು (CES) ವನ್ನು ವಿವರಿಸಿ. ಬದಲಿ

13. (ಎ) ಕಾಲಸಂಖ್ಯೆಯಲ್ಲಿನ್ನಿರ್ದಿಷ್ಟಿಸಿಸ್ಥಾಭಿಕ್ಷುಗಳು ಅಳವಡಿಸಿದ್ದಾರ್ಥಿನಿಷ್ಠೆಯಾಗಿ ಸ್ಥಿತಿದ್ದಂತೆ ಸಿ.ಇ.ಎಸ್. ಉತ್ತರದನಾ ಕಾರ್ಯಕ್ರಮ ಚಾರ್ಬೋ-ಡಗ್ಲಾಸ್‌ರ ಉತ್ತರದನಾ ಕಾರ್ಯಕ್ರಮ ಪರಿಣಾಮವಾಗುತ್ತದೆ ಹೀಗೆ ಉತ್ತರದನ್ನು

(ಏ) ಕರ್ನಿಕ್ಕೆಜಿಫೆ. (ಲೀಸ್‌ ಸ್ಟ್ರೀಲ್‌) ವಿಧಾನದಿಂದ ಟ್ರೈಂಡ್‌ನ್ನು ತೀಳತೆಮಾಡಿ ಪ್ರದಾನ ವಿವರಿಸಿ. 15+20+25

(ಒ) ಅಂತಹ ಮೊತ್ತದ ಕ್ಷೇತ್ರದಲ್ಲಿ ಪ್ರಾಚೀನ ಶಿಲ್ಪಾಲಯಗಳನ್ನು ವಿವರಿಸಿ. ಹೆಚ್‌ರೆಂಸ್‌ಸ್ಟೆಡಾಸ್ಟಿಕ್‌ಟಿಯ ರಾಮ್‌ಬಿಲ್‌ದಲ್ಲಿ ವರ್ಷ 1971 ರೆಂಬಾತ್ತಿನಲ್ಲಿ ಮಾತ್ರಾತ್ಮಿಗಳನ್ನು 9ಕಿಂಗ್ ಅಂತಹ ಪ್ರಾಚೀನತೀರ್ಥಿಗಳನ್ನು ಒಂದು ರೇಖೆಯಲ್ಲಿ ನಿರ್ದಿಷ್ಟಿಸಿ.

(ಓ) ನಿರ್ದಿಷ್ಟಾಂಶ: ಸ್ಥಾತ್ಮಿಕೆಯ (Identification) ಸಮಸ್ಯೆ ಏನು? ಒಂದು ಮಾದರಿಯ ಗುರುತು ಕರ್ತವ್ಯಕ್ಕೆ ಮೊತ್ತದ ಕ್ಷೇತ್ರದಲ್ಲಿ ಅಂತಹ ಕ್ಷೇತ್ರದಲ್ಲಿ ಮೊತ್ತದ ಕ್ಷೇತ್ರದಲ್ಲಿ ಅಂದಾಜು ಆಗಿ ಅಂದಾಜು ಮಾಡಿ.

14. (ಎ) ಮೊದಲ್‌ ಕನಿಷ್ಠವರ್ಗಗಳ ವಿಧಾನವನ್ನು ವಿವರಿಸಿ, ಅದನ್ನು ಎರಡು ಹಂತದ ಕನಿಷ್ಠ ವರ್ಗಗಳಿಂದಿಗೆ ಹೋಲ್‌ಪ್ರೈಸ್‌ ಸಮಸ್ಯೆಗಳ ಅಧ್ಯಯನದಲ್ಲಿ ಮೊಜಿಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ವಿವರಿಸಿ. 20+15+25

(ಒ) ಒಂದು ಮೊಜಿಸಂಖ್ಯೆಯ ಯಾವ ಸ್ಥಿತಿಗಳನ್ನು ಪೂರ್ವಸಬೇಕು? ಅಂತರ್ನಾಲ ಮೊಜಿಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಒದಗಿಸಿ ಮೊಜಿಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಒಂದು ಕರೆಯುತ್ತಾರೆ. ಏಕೆ?

(ಓ) “ಜೀವನ ವೆಚ್ಚ ಮಾಜ್ಯಾಂಕ” ದ ಪರಿಕಲ್ಪನೆಯನ್ನು ವಿವರಿಸಿ. ಜೀವನ ವೆಚ್ಚ ಮಾಜ್ಯಾಂಕವನ್ನು ಗುರುತ್ವಾಕ್ರಾಂತಿಗೆ ಮಾಡಿಸಿಕೊಂಡು ಸಾಧಾರಣ ಹಾಗೂ ಪರಿಹಾರಾತ್ಮಕ ಬೇಳಿಕೆ ಕಾರ್ಯಗಳನ್ನು ನಿರ್ವಹಿಸಿದ್ದಾರೆ. 20+20+20

15. (ಎ) ಅಡಿಕನಲ್ ಮತ್ತು ಕಾಡಿಕನಲ್ ಉಪಯುಕ್ತತಾ ಕಾರ್ಯಗಳನ್ನು ವಿವರಿಸಿ. ಉಪಯುಕ್ತತಾ ಕಾರ್ಯಕ್ರಮಗಳಾಗಿ ‘ಸರಕು ಬದಲಿ ದರ’ಕ್ಕೆ ಒಂದು ಅಭಿವೃದ್ಧಿಯನ್ನು ನಿರ್ವಹಿಸಿದ್ದಾರೆ.

$$u = x_1 \cdot x_2$$

ಇಲ್ಲಿ u : ಉಪಯುಕ್ತತೆ; x_1 ಮತ್ತು x_2 ಗಳು ಸರಕುಮಟ್ಟಿಗಳು. ರೇಖಾತ್ಮಕ ಬಜೆಟ್ ಚಿಕ್ಕಾಗ್ಗೆ ಗ್ರಹಿಸಿಕೊಂಡು ಸಾಧಾರಣ ಹಾಗೂ ಪರಿಹಾರಾತ್ಮಕ ಬೇಳಿಕೆ ಕಾರ್ಯಗಳನ್ನು ನಿರ್ವಹಿಸಿದ್ದಾರೆ.

- (ಒ) ಉತ್ತರದನಾ ಕಾರ್ಯವನ್ನು ವಿವರಿಸಿ. ಒಂದು ಉತ್ತರದನಾ ಕಾರ್ಯವು ಪೂರ್ವಸುವ ವಿಷಿದ ರಚನಾತ್ಮಕ ಗುರಾಗಳು ಯಾವವು? ಕಾರ್ಬೋ-ಡಗ್ಲಾಸ್‌ರ ಉತ್ತರದನಾ ಕಾರ್ಯವಾದ

$$Q = A x_1^\alpha x_2^\beta$$

ಇದರ ಬದಲಿಯ ಸ್ಥಿತಿಸೂಪಕೆತ್ತು ಯೂನಿಟಿ ಎಂಬುದನ್ನು ತೋರಿಸಿಕೊಡಿ.

[Turn over

22/2

(12)

- (c) Define the Constant Elasticity of Substitution (CES) production function. Show that as the elasticity of substitution parameter approaches unity, the CES production function converges to the Cobb-Douglas production function.
16. (a) Define heteroscedasticity. How do you estimate the parameters of a linear model in the presence of heteroscedasticity ? 15+20+25
- (b) What is the problem of identification ? How do rank and order conditions help in the identification of a model ?
- (c) Explain the method of indirect least squares and compare it with two-stage least squares. 20+20+20

(13)

- (ಃ) ಉತ್ತರದನಾ ಕಾರ್ಯಕರ್ತೆ ಬದಲಿಕೆ ಸ್ಥಿರ ಸ್ಥಿತಿಸ್ಥಾಪಕಕ್ಕೆ (CES) ವನ್ನು ವಿವರಿಸಿ. ಬದಲಿ ಪ್ರಾಚೀನ ಸ್ಥಿತಿಸ್ಥಾಪಕಕ್ಕೆ ಯೂನಿಟಿಯನ್ನು ಸಮೀಕ್ಷಿಸುತ್ತಿದ್ದಂತೆ ಸಿ.ಇ.ಎಸ್. ಉತ್ತರದನಾ ಕಾರ್ಯಕರ್ತೆ ಕಾರ್ಬೋ-ಡಗ್ಲಾಸ್‌ರ ಉತ್ತರದನಾ ಕಾರ್ಯಕರ್ತೆ ಪರಿಣಿತಿವಾಗುತ್ತದೆ ಒಂಬುದನ್ನು 15+20+25 ತೋರಿಸಿ.

16. (ಎ) ಹೆಚ್‌ಡೆಎಸ್‌ಡ್ಯೂಟಿ ಎಂದರೆನು ? ವಿವರಿಸಿ. ಹೆಚ್‌ಡೆಎಸ್‌ಡ್ಯೂಟಿಯ ಮೌಲ್ಯವಿದ್ಲೀ ಒಂದು ರೇಖಾತ್ಮಕ ಪೂರ್ವಾಧಿಕಾರ ಪ್ರಾಚೀಲಿಗಳನ್ನು ಹೇಗೆ ಅಂದಾಜು ಮಾಡುತ್ತಿರಿ ?

(ಬಿ) ಗುರುತು ಸ್ಥಾಪನೆಯ (Identification) ಸಮಸ್ಯೆ ಏನು ? ಒಂದು ಮಾದರಿಯ ಗುರುತು ಸ್ಥಾಪನೆಗೆ ಕ್ರೇಣಿ ಮತ್ತು ಕ್ರಮ ಸ್ಥಿತಿಗಳು ಹೇಗೆ ನೇರವಾಗುತ್ತವೆ ?

(ಃ) ಪರೋಕ್ಷ ಕನಿಷ್ಠವರಗಳ ವಿಧಾನವನ್ನು ವಿವರಿಸಿ, ಅದನ್ನು ಎರಡು ಹಂತಗಳ ಕನಿಷ್ಠವರಗಳಿಗಾಗಿ ಹೋಲಿಸಿ. 20+20+20

Turn over

22/2

(14)

SECTION E
(Demography and Psychometry)

17. (a) Write short notes on the following :

- (i) Sources of demographic data
- (ii) National Sample Surveys (NSS)
- (iii) Uses and limitations of demographic data

(b) Explain the terms :

- (i) Life table
- (ii) Central mortality rate
- (iii) Force of mortality.

With usual notation, prove that

$$e_x = \frac{\left(\sum_{n=1}^{\infty} l_{x+n} \right)}{l_x}$$

(c) Define Logistic Curve. Explain how it can be fitted to a given data. 20+25+15

18. (a) Define and discuss the difference between stationary and stable populations.

(b) Describe the method of estimating the demographic parameters from an incomplete data.

(c) Describe Bivariate Growth Models. 20+20+20

19. (a) Define 'Morbidity'. Explain how it can be measured.

(b) What are the objectives of health surveys ? Explain how they are performed.

(c) Write short notes on the following :

- (i) Hospital Statistics
- (ii) Stable Population Theory

20+20+20

(15)

22/2

ವಿಭಾಗ E

[ಜನಾಂಗಸ್ಥಿತಿ ವಿವರಕೆ ಹಾಗೂ ಭೌತಫಂಷನ್ ಅರಿತಿ (Psychometry)]

17. (ಅ) ಕೆಳಗಿನವುಗಳಿಗೆ ಕಿರುಟಿಪ್ಪಣಿ ಬರೆಯಿರಿ :

- ಜನಾಂಗ ಸ್ಥಿತಿವಿವರಕೊಡತ್ತಾಂಶದ ಆಕರಣ
- ರಾಷ್ಟ್ರೀಯ ಮಾದರಿ ಸಮೀಕ್ಷೆಗಳು (NSS)
- ಜನಾಂಗಸ್ಥಿತಿ ವಿವರಕೊಡತ್ತಾಂಶದ ಉಪಯೋಗಗಳು ಮತ್ತು ಪರಿಮಿತಿಗಳು

(ಆ) ಕೆಳಗಿನ ಪರಿಭಾಷೆಯನ್ನು ವಿವರಿಸಿ :

- ಲ್ಯೂಫ್ ಟೇಬಲ್
- ಕೇಂದ್ರೀಯ ಮರ್ತ್ಯತಾ ದರ (mortality rate)
- ಮರ್ತ್ಯತೆಯ ಬಲ

ಸಾಮಾನ್ಯ ಸಂಜ್ಞೆಗಳೊಂದಿಗೆ

$$e_x = \frac{\left(\sum_{n=1}^x l_{x+n} \right)}{l_x}$$

ಎಂಬುದನ್ನು ಸಮಾಧಿಸಿ.

(ಒ) ಲಘುಗಣಕ ತಿರುವು (ಲಾಜ್ಞಿಕ್ ಕರ್ವೆ) ಅನ್ನು ವಿವರಿಸಿ. ಅದನ್ನು ಕೊಟ್ಟಿರುವ ದತ್ತಾಂಶಕ್ಕೆ ಹೇಗೆ ಅಳವಡಿಸಬಹುದು ? ತಿಳಿಸಿ. 20+25+15

18. (ಅ) ನಿಶ್ಚಲ ಮತ್ತು ಸ್ಥಾಯೀ ಜನಸಂಖ್ಯೆಗಳ ನಡುವಿನ ವ್ಯತ್ಯಾಸವೇನು ? ವಿವರಿಸಿ ಮತ್ತು ಚೆಳೆದಿಸಿ.

(ಆ) ಒಂದು ಅಸಂಪೂರ್ಣ ದತ್ತಾಂಶದಿಂದ ಜನಾಂಗಸ್ಥಿತಿ ವಿವರಣೆ ಪ್ರಾಬೀಳಿಗಳನ್ನು ಅಂದಾಜುಮಾಡುವ ವಿಧಾನವನ್ನು ವಿವರಿಸಿ.

(ಒ) ದ್ವಿಚರ ಬೆಳವಣಿಗೆ ಮಾದರಿಗಳನ್ನು ವಿವರಿಸಿ. 20+20+20

19. (ಅ) ಮಾರ್ಬಿಕದಿಟೆ (ಅಸ್ಕ್ರಾಫ್ಟ್‌ವ್ಯಾಪನೆ) ಎಂದರೆನು ? ವಿವರಿಸಿ. ಅದನ್ನು ಹೇಗೆ ಅಳಿಯಬಹುದು ?

(ಆ) ಅರ್ಜೀಗ್ರ್ಹಣ ಸಮೀಕ್ಷೆಯ ಗುರಿಗಳೇನು ? ಅವುಗಳನ್ನು ಹೇಗೆ ನಿರ್ವಹಿಸಲಾಗುತ್ತದೆ ? ವಿವರಿಸಿ.

(ಒ) ಕೆಳಗಿನವುಗಳಿಗೆ ಕಿರುಟಿಪ್ಪಣಿ ಬರೆಯಿರಿ :

- ಅಸ್ಕ್ರಾಫ್ಟ್ ಸಂಖಾರಾಸ್ತ್ರ
- ಸ್ಥಾಯೀ ಜನಸಂಖ್ಯೆ ಸಿದ್ಧಾಂತ

20+20+20

(Turn over

22/2

(16)

20. (a) Why is it considered desirable to convert gross scores to some standardised scores ? Define 'standardised scores' and 'normalised scores', and describe how they are derived.
- (b) Explain the concept of percentiled scale and describe a practical method of its computation from raw scores.
- (c) Discuss the various methods used to determine the reliability of test scores. What is the effect upon reliability of lengthening or repeating a test ?

20+20+20

(17)

20. (ಎ) ಸ್ತುಲ ಗಳಿಕೆಗಳನ್ನು ಕೆಲವು ಪ್ರಮಾಣನೀಕೃತ ಗಳಿಕೆಗಳಾಗಿ ಪರಿವರ್ತಿಸುವುದು ಏಕೆ ಅಪೇಕ್ಷಣೀಯ ? 'ಪ್ರಮಾಣನೀಕೃತ ಗಳಿಕೆಗಳು' ಮತ್ತು 'ಖಾಮಾನ್ಯಿಕೃತ ಗಳಿಕೆ'ಗಳನ್ನು ವಿವರಿಸಿ. ಅವುಗಳನ್ನು ಹೇಗೆ ನಿಷ್ಪತ್ತಿ ಮಾಡಬಹುದು ? ವಿವರಿ.
- (ಬಿ) ಶೇಕಡಾ ರೂಪದ ಅಳತೆಯ ಪರಿಕಲ್ಪನೆಯನ್ನು ವಿವರಿಸಿ. ಅರ್ಕಂಟ್ರಿತ ಗಳಿಕೆಗಳಿಂದ ಅವುಗಳ ಗಣಕೆ ಮಾಡುವ ಒಂದು ಪ್ರಾಯೋಗಿಕ ವಿಧಾನವನ್ನು ವಿವರಿ.
- (ಒ) ಪರೀಕ್ಷೆ ಗಳಿಕೆಗಳ ವಿಶ್ಲೇಷನೀಯತೆಯನ್ನು ನಿಣಾಯಿಸಲು ಒಳಗಳಾಗುವ ವಿವಿಧ ವಿಧಾನಗಳ ಬಗ್ಗೆ ಚರ್ಚಿಸಿ. ಒಂದು ಪರೀಕ್ಷೆಯನ್ನು ದೀರ್ಘಕಾಲಿಸುವ ಆಧಾರ ಪ್ರಸರಾವತ್ತಿಸುವುದರಿಂದ ವಿಶ್ಲೇಷನೀಯತೆಯ ಮೇಲೆ ಆಗುವ ಪರಿಸಾಮರ್ಪನು ?

20+20+20

